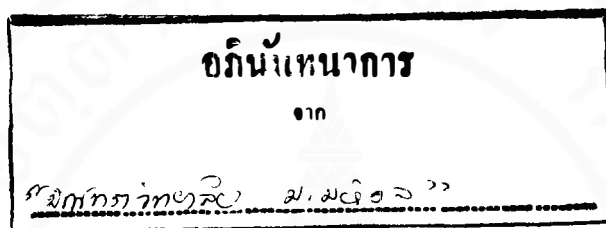




23 AUG 1994

**MATHEMATICAL MODELLING AND  
COMPUTER SIMULATION  
OF POLYMERIZATION REACTIONS:  
THE FREE-RADICAL POLYMERIZATION OF STYRENE**



**WUTTIPONG RUNGSEESANTIVANON**

**A THESIS SUBMITTED IN PARTIAL FULFILLMENT OF  
THE REQUIREMENTS FOR THE DEGREE OF  
MASTER OF SCIENCE  
(POLYMER SCIENCE)**

**IN  
FACULTY OF GRADUATE STUDIES  
MAHIDOL UNIVERSITY**

1994

27350

ชื่อวิทยานิพนธ์      การจำลองแบบทางคณิตศาสตร์โดยคอมพิวเตอร์ของปฏิกิริยา  
 พอลิเมอร์ไรเซชันแบบอนุมูลอิสระของสไตรีน  
 ผู้วิจัย                วุฒิพงษ์ รังษีสันติวานนท์  
 ปริญญา                วิทยาศาสตรมหาบัณฑิต (วิทยาศาสตร์พอลิเมอร์)  
 คณะกรรมการควบคุมวิทยานิพนธ์  
 อнуชา เอื้อเพิ่มเกียรติ, Ph.D.  
 ปราณี ภิญโญชีพ,      Doctorat de l'Université du Maine  
 ปรีดีพร ลิมเจริญ,      Ph.D.  
 วันที่สำเร็จการศึกษา 27 พฤษภาคม พ.ศ. 2537

## บทคัดย่อ

ได้ศึกษาจลนศาสตร์ของปฏิกิริยาพอลิเมอร์ไรเซชันแบบอนุมูลอิสระของสไตรีน (ST) โดยใช้คาร์บอนเตตระคลอไรด์ ( $\text{CCl}_4$ ) และ 1-บิวเทนไทออล (1-BuSH) เป็นสารย้ายสายโซ่ (Chain transfer agent (CTA)) โดยการทดลองและโดยวิธีการคำนวณใช้คอมพิวเตอร์ ได้สร้างแบบจำลองการทำนายแบบพลศาสตร์ของจลนศาสตร์ดังกล่าวขึ้น และได้เขียนโปรแกรมคอมพิวเตอร์ใช้ภาษา Microsoft QuickBASIC เพื่อคำนวณสมการเชิงพีชคณิตและเชิงอนุพันธ์ของแบบจำลองโดยอาศัยเทคนิค 4<sup>th</sup> Order Runge-Kutta และ Newton-Raphson ได้สร้างสมการของเมโยแบบปรับปรุงจากกลไกปฏิกิริยาของจลนศาสตร์ที่เสนอ ได้ใช้เทคนิคฟูเรียรามาานสเปคโตรสโกปีเพื่อวัดปริมาณสไตรีน คาร์บอนเตตระคลอไรด์ และ 1-บิวเทนไทออล ที่เวลาในการทำปฏิกิริยาต่างๆกัน ได้ใช้เทคนิคเจลเพอร์มีเอชันโครมาโตกราฟี (GPC) หาน้ำหนักโมเลกุล (MW) และการกระจายของน้ำหนักโมเลกุล (MWD) ของพอลิเมอร์สังเคราะห์ อัตราการเกิดปฏิกิริยารวมของปฏิกิริยาพอลิเมอร์ไรเซชัน ( $R_{ST,CTA}$ ) และ อัตราการหายไปรวมของสารย้ายสายโซ่ ( $R_{CTA}$ ) มีความสัมพันธ์กับ  $k'_{ST,CTA}[ST]^p[CTA]^q$  และ  $k'_{CTA}[ST]^s[CTA]^t$  ตามลำดับ โดยที่  $k'_{ST,CTA}$  และ  $k'_{CTA}$  คือค่าคงที่ปรากฏของ

ปฏิกิริยา และ  $p$ ,  $q$ ,  $s$  และ  $t$  คืออันดับของปฏิกิริยา ในกรณีที่ใช้คาร์บอนเตตระคลอไรด์เป็นสารย้ายสายโซ่ ค่า  $p$ ,  $q$ ,  $s$ ,  $t$ ,  $k'_{ST,CTA}$  และ  $k'_{CTA}$  จากการทดลองมีค่าเท่ากับ 0.95, -0.07, 0.99, 0.91,  $4.88 \times 10^{-5}$  l/mol.s และ  $8.40 \times 10^{-7}$  l/mol.s ตามลำดับ ในกรณีที่ใช้ 1-บิวเทนไทออลเป็นสารย้ายสายโซ่ ค่า  $p$ ,  $q$ ,  $s$ ,  $t$ ,  $k'_{ST,CTA}$  และ  $k'_{CTA}$  จากการทดลองมีค่าเท่ากับ 0.97, 0.24, 1.51, 0.38,  $1.10 \times 10^{-4}$  l/mol.s และ  $5.31 \times 10^{-5}$  l/mol.s ตามลำดับ ได้คำนวณค่าคงที่ของปฏิกิริยาขั้นแผ่ขยาย (Propagation reaction ( $k_p$ )) และค่าคงที่ของปฏิกิริยาย้ายสายโซ่ (Transfer reaction ( $k_{tr}$ )) โดยวิธีชิมมูเลชัน และได้ใช้ค่าคงที่เหล่านี้ในการทำนายน้ำหนักโมเลกุลเฉลี่ยโดยจำนวน ( $M_n$ ) และโดยน้ำหนัก ( $M_w$ ) และการกระจายของน้ำหนักโมเลกุล (MWD) ของพอลิเมอร์ ในกรณีที่ใช้คาร์บอนเตตระคลอไรด์เป็นสารย้ายสายโซ่ ผลจากการทำชิมมูเลชันได้ใกล้เคียงกับผลการทดลอง ซึ่งตรงกันข้ามกับในกรณีที่ใช้ 1-บิวเทนไทออลเป็นสารย้ายสายโซ่ ได้คำนวณหาค่าคงที่ย้ายสายโซ่ (Chain transfer constant ( $C_x$ )) จากสมการของเมโย และสมการของเมโยแบบปรับปรุง ในกรณีที่ใช้คาร์บอนเตตระคลอไรด์เป็นสารย้ายสายโซ่ ค่า  $C_x$  ที่คำนวณได้จากสมการของเมโยมีค่าเท่ากับ  $1.06 \times 10^{-2}$  จากผลการทดลอง และ  $6.7 \times 10^{-3}$  จากการทำชิมมูเลชัน ค่า  $C_x$  ที่คำนวณได้จากสมการของเมโยแบบปรับปรุงมีค่าเท่ากับ  $1.07 \times 10^{-2}$  จากผลการทดลอง และ  $6.9 \times 10^{-3}$  จากการทำชิมมูเลชัน ในกรณีที่ใช้ 1-บิวเทนไทออลเป็นสารย้ายสายโซ่ ค่า  $C_x$  ที่คำนวณได้จากสมการของเมโย มีค่าเท่ากับ 0.422 จากผลการทดลอง และ 0.761 จากการทำชิมมูเลชัน ค่า  $C_x$  ที่คำนวณได้จากสมการของเมโยแบบปรับปรุง มีค่าเท่ากับ 1.632 จากผลการทดลอง และ 1.243 จากการทำชิมมูเลชัน

Thesis Title Mathematical Modelling and Computer Simulation of  
 Polymerization Reactions: The Free-Radical  
 Polymerization of Styrene.

Name Wuttipong Rungseesantivanon

Degree Master of Science (Polymer Science)

Thesis Supervisory Committee  
 Anucha Euapermkiati, Ph.D.  
 Pranee Phinyocheep, Doctorat de l'Université du Maine  
 Preedeepon Limcharoen, Ph.D.

Date of Graduation 27 May B.E. 2537 (1994)

### ABSTRACT

The kinetics of thermal-initiated free radical polymerization of styrene (ST) in the presence of carbon tetrachloride (CCl<sub>4</sub>) or 1-butanethiol (1-BuSH) chain transfer agents (CTA) were studied experimentally and computationally in details. The deterministic dynamic predictive model of the kinetics was established. Computer programmes were written in Microsoft® Quick BASIC computer language to solve the algebraic and differential equations using the 4<sup>th</sup> order Runge-Kutta and Newton-Ralphson numerical integration methods. The modified Mayo Equation derived from the proposed kinetics was also established. Fourier-transfrom Raman spectroscopic technique was used to evaluate styrene, carbon tetrachloride and 1-butanethiol consumptions at specific reaction time. Gel Permeation Chromatography (GPC) was employed to obtain molecular weight (MW) and MW distribution (MWD) of the polymers synthesized. The overall rates of polymerization ( $R_{ST,CTA}$ ) and of loss of CTA ( $R_{CTA}$ ) had the relation to  $k'_{ST,CTA}[ST]^p[CTA]^q$  and to  $k'_{CTA}[ST]^s[CTA]^t$ , respectively, where  $k'_{ST,CTA}$  and  $k'_{CTA}$  are the apparent rate constants and p, q, s and t are the exponent order. When

CTA is  $\text{CCl}_4$ , the values of  $p$ ,  $q$ ,  $s$ ,  $t$ ,  $k'_{\text{ST,CTA}}$ , and  $k'_{\text{CTA}}$  were evaluated equal to 0.95, -0.07, 0.99, 0.91,  $4.88 \times 10^{-5}$  l/mol.s, and  $8.40 \times 10^{-7}$  l/mol.s, respectively. When CTA is 1-BuSH, the values of  $p$ ,  $q$ ,  $s$ ,  $t$ ,  $k'_{\text{ST,CTA}}$ , and  $k'_{\text{CTA}}$  were determined equal to 0.97, 0.24, 1.51, 0.38,  $1.10 \times 10^{-4}$  l/mol.s., and  $5.31 \times 10^{-5}$  l/mol.s, respectively. The simulation values of rate constant for the propagation reaction ( $k_p$ ) and that for the transfer reaction ( $k_{\text{tr}}$ ) were evaluated, and the values were used for computer simulation to predict  $M_n$ ,  $M_w$  and MWD. The experimental and simulation results of  $M_n$  and  $M_w$  are in good agreement, while those of MWD were not when CTA is 1-BuSH. The experimental and simulation chain transfer constant ( $C_x$ ) were determined from the original and modified Mayo Equations. For CTA is  $\text{CCl}_4$ ,  $C_x$  as obtained from the original Mayo Equation was  $1.06 \times 10^{-2}$  and  $6.7 \times 10^{-3}$  and as obtained from the modified Mayo Equation was  $1.07 \times 10^{-2}$  and  $6.9 \times 10^{-3}$ . For CTA is 1-BuSH,  $C_x$  obtained from the original Mayo Equation was  $4.42 \times 10^{-1}$  and  $7.61 \times 10^{-1}$  whereas that obtained from the modified Mayo Equation was 1.63 and 1.24, respectively.