

**PERCOLATION OF LOOSE BONDS USING
SPIN-CORRELATION FUNCTIONS OF THE
BIMODAL 2-DIMENSIONAL ISING SPIN GLASS**



**A THESIS SUBMITTED IN PARTIAL FULFILMENT
OF THE REQUIREMENTS FOR
THE DEGREE OF MASTER OF SCIENCE (PHYSICS)
FACULTY OF GRADUATE STUDIES
MAHIDOL UNIVERSITY
2009**

COPYRIGHT OF MAHIDOL UNIVERSITY

Copyright by Mahidol University

PERCOLATION OF LOOSE BONDS USING SPIN-CORRELATION FUNCTIONS OF THE BIMODAL 2-DIMENSIONAL ISING SPIN GLASS

AREEYA CHANTASRI 5036995 SCPY/M

M.Sc. (PHYSICS)

THESIS ADVISORY COMMITTEE : JULIAN POULTER, Ph.D. (PHYSICS), DAVID JOHN RUFFOLO, Ph.D. (PHYSICS), MICHAEL ANTONY ALLEN, Ph.D. (PHYSICS)

ABSTRACT

The spin-correlation functions for the two dimensional $\pm J$ Ising spin glass in the ground state (zero temperature) are studied. The computational algorithm is based on a combinatorial approach that uses Pfaffians and perturbation theory. To study the spin glass, an arbitrary concentration, p , of negative bonds is assigned and percolation phenomena of loose bonds or those with spin correlation functions not equal to ± 1.0 are investigated. The spin glass canonically exists when $p = 0.5$, and there is a critical point p_c with $0 < p_c < 0.5$ determining the ferromagnetic phase to spin-glass phase transition. The investigation of loose-bond clusters shows that there is a region of critical behavior $p_c = 0.108 \pm 0.005$. Using the finite-size scaling theory, it is found that a modified definition of loose-bond clusters results in data collapsing with the critical exponents of the 2-dimensional percolation theory.

KEY WORDS : SPIN GLASSES / SPIN-CORRELATION FUNCTIONS
LOOSE BONDS / PERCOLATION / DATA COLLAPSING

83 pages.

การไหลซึมของพันธะอย่างหลวมโดยใช้ฟังก์ชันสหสัมพันธ์ระหว่างสปินของไอซิงสปินกลาส
สองมิติแบบทวิฐานนิยม

PERCOLATION OF LOOSE BONDS USING SPIN-CORRELATION FUNCTIONS OF THE BIMODAL 2-DIMENSIONAL ISING SPIN GLASS

อารีญา จันทศรี 5036995 SCPY/M

วท.ม. (ฟิสิกส์)

คณะกรรมการที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ : จุเลียน พอลเตอร์, Ph.D. (PHYSICS), เดวิด จอห์น
รูฟโฟโล, Ph.D. (PHYSICS), ไมเคิล แอนโทนี แอลเลน, Ph.D. (PHYSICS)

บทคัดย่อ

การวิจัยนี้เป็นการศึกษาฟังก์ชันสหสัมพันธ์ระหว่างสปินของไอซิงสปินกลาสสองมิติ
ที่มีพันธะแบบทวิฐานนิยม (bimodal 2-dimensional Ising spin glasses) ในสถานะพื้น
(ground states) หรือศูนย์องศาสัมบูรณ์ ขั้นตอนวิธีการคำนวณทางคอมพิวเตอร์มีพื้นฐาน
มาจากวิธีการเชิงการจัด (combinatorial approach) ที่ใช้พีฟเฟียน (Pfaffian) และมา
จากทฤษฎีเพอร์เทอร์เบชัน (perturbation theory) ในการศึกษาสปินกลาสดังกล่าวนี้ เรา
ใช้ค่าความเข้มข้นของปริมาณพันธะแบบลบ (negative bonds) ซึ่งแทนด้วยสัญลักษณ์ p
อย่างสุ่ม เพื่อศึกษาปรากฏการณ์การไหลซึม (percolation phenomena) ของพันธะอย่าง
หลวม (loose bonds) โดยที่พันธะอย่างหลวมนี้นิยามขึ้นจากพันธะที่มีค่าฟังก์ชันสหสัมพันธ์
ระหว่างสปินไม่เท่ากับ $+1$ หรือ -1 สำหรับไอซิงสปินกลาสในสองมิตินั้นได้ยอมรับกันทั่วไปว่า
เกิดขึ้นเมื่อค่าความเข้มข้นของพันธะแบบลบเป็นครึ่งหนึ่งหรือ $p = 0.5$ ดังนั้นจึงเชื่อว่ามีค่า
วิกฤติ (p_c) ซึ่งมีค่าอยู่ระหว่าง ($0 < p_c < 0.5$) ที่สามารถบอกถึงการเปลี่ยนสถานะระหว่าง
สถานะแบบแม่เหล็ก (ferromagnetic phase) และสถานะที่เป็นสปินกลาส (spin glasses
phase) ผลจากการศึกษากลุ่มก้อนของพันธะอย่างหลวมดังกล่าวพบว่ามีบริเวณวิกฤตอยู่ใน
ช่วง $p_c = 0.108 \pm 0.005$ และเมื่อใช้ทฤษฎี finite-size scaling พบว่าผลการคำนวณจาก
ขนาดของระบบจำลองที่ต่างกันสามารถแสดงบนเส้นกราฟเดียวกันได้และใช้เลขชี้กำลังที่ได้
จากทฤษฎีการไหลซึมในสองมิติ (2-dimensional percolation theory) ได้ เมื่อมีการปรับ
เปลี่ยนวิธีการวัดขนาดของกลุ่มก้อนพันธะใหม่เท่านั้น